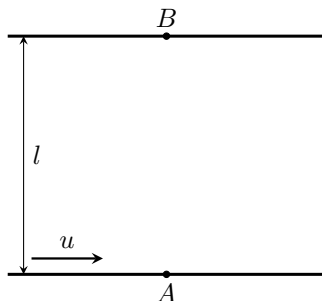


10 класс

Задача №1. Переправа

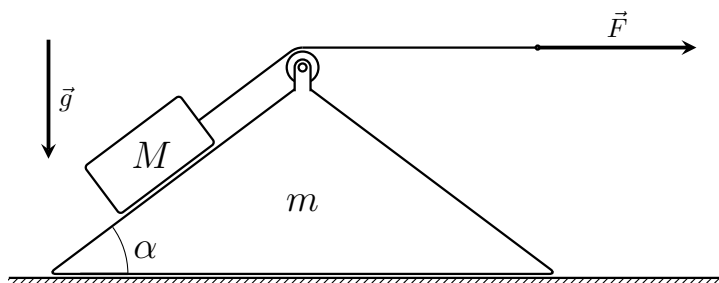
Из пункта A , расположенного на одном берегу реки шириной l , переправляется на противоположный берег небольшая моторная лодка. Берега реки параллельны друг другу. Скорость течения реки везде одинакова и равна u . На противоположном берегу реки на одном перпендикуляре к берегам с пунктом A расположен пункт B . Скорость лодки **относительно воды** постоянна по величине и равна $2u$, а её вектор в течение всего времени переправы перпендикулярен прямой BC , где C — центр лодки. В некоторый момент времени t_1 скорость лодки **относительно берега** перпендикулярна линии берега.



1. В каком направлении лодка начала движение из пункта A : по течению или против течения? Ответ обоснуйте.
2. Найдите угол $\angle ABC$ в момент времени t_1 .
3. На каком расстоянии от пункта B будет находиться лодка, когда она достигнет противоположного берега реки?
4. На каком расстоянии от пункта B будет находиться лодка в момент времени t_1 ?
5. Найдите радиус кривизны траектории лодки в системе отсчёта берега для двух случаев: а) в момент старта из пункта A ; б) в момент времени t_1 .

Задача №2. Призма

На шероховатой горизонтальной поверхности стола находится система, состоящая из призмы массой m , снабжённой лёгким блоком, и бруска массой $M = 2m$ (см. рис.). Боковая поверхность призмы является гладкой, а угол между гранью, на которой находится брусок, и поверхностью стола равен α ($\sin \alpha = 3/5$). К бруску привязана лёгкая нерастяжимая нить, перекинутая через блок, к противоположному концу которой приложена горизонтальная сила F . Известно, что ускорение призмы не зависит от величины этой силы.



1. Определите возможные значения коэффициента трения μ между призмой и поверхностью стола.
2. Для каждого из полученных в пункте 1 значений μ найдите ускорение призмы a .

Ускорение свободного падения равно g . Наклонный отрезок нити параллелен левой боковой грани призмы. Трение в оси блока отсутствует.

Задача №3. Падающий поршень

В цилиндрическом сосуде, установленном вертикально в поле силы тяжести, под массивным горизонтальным поршнем массой $m = 100$ кг содержится одноатомный идеальный газ. Над поршнем – вакуум. Поршень находится в равновесии и может перемещаться вдоль стенок сосуда практически без трения. Поршень закрепляют в этом равновесном положении, после чего кладут на него гирию массой M . Затем поршень освобождают. При дальнейшем движении поршня с гирей его минимальное расстояние $h_{\min}$ до дна сосуда в два раза меньше исходного расстояния $h_0 = 1,0$ м. Определите:

1. массу гири M ;
2. модуль максимального ускорения $a_{\max}$ поршня с гирей в процессе движения;
3. модуль максимальной скорости $v_{\max}$ поршня с гирей в процессе движения.
4. Через длительное время поршень остановился. Найдите расстояние h до дна сосуда, на котором будет находиться поршень в состоянии нового термодинамического равновесия.

Теплоёмкость сосуда и поршня пренебрежимо мала, теплоотдача в окружающую среду отсутствует. При движении поршня от исходного положения до его первой остановки процессы в газе можно считать равновесными. Масса газа много меньше массы поршня. Ускорение свободного падения считайте равным $g = 10 \text{ м/с}^2$.

Задача №4. Квадрат vs круг

Из тонкой непроводящей плоской пластины вырезали пять фигур разной формы и размера. Каждую из них зарядили электрическим зарядом с постоянной, положительной и одинаковой для всех фигур поверхностной плотностью.

Первая фигура представляет собой квадрат со стороной $2a$, от которого с одного из углов отрезали квадрат со стороной a (см. рис. 1). Модуль напряжённости электрического поля, созданного в точке O зарядами на поверхности такой фигуры, равен E_0 .

1. Чему равно отношение E'/E_0 , где E' – модуль напряжённости электрического поля, созданного в точке O' второй заряженной фигурой, имеющей форму квадрата со стороной $2\lambda a$, от которого с одного из углов отрезали квадрат со стороной λa (рис. 2)? λ – некоторое положительное число.

2. Определите модуль и направление вектора напряжённости $\vec{E}_A$ электрического поля, созданного в точке A третьей заряженной фигурой, представляющей собой квадрат со стороной $8a$, от которого с одного из углов отрезали квадрат со стороной a (рис. 3). Модуль вектора $\vec{E}_A$ выразите через величину E_0 .

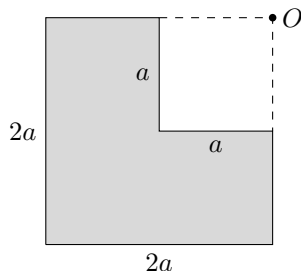


Рис. 1

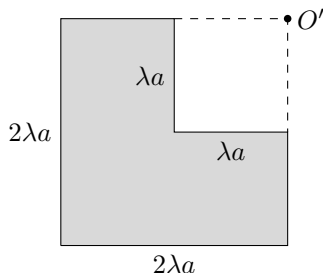


Рис. 2

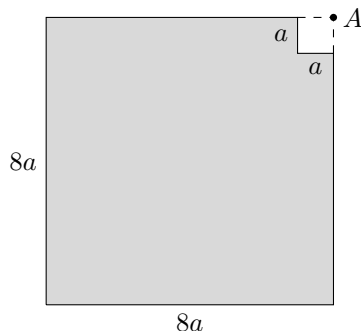


Рис. 3

3. Определите модуль и направление вектора напряжённости $\vec{E}_B$ электрического поля, созданного в точке B четвёртой заряженной фигурой, имеющей форму четверти кольца (рис. 4), внутреннего радиуса которого равен a , а внешний — $2a$. Модуль вектора $\vec{E}_B$ выразите через E_0 .

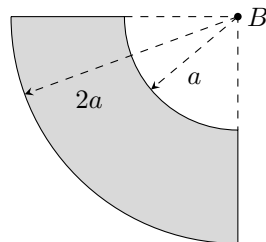


Рис. 4

4. Определите модуль и направление вектора напряжённости $\vec{E}_C$ электрического поля, созданного в точке C пятой заряженной фигурой, имеющей форму трапеции (рис. 5), одно основание которой равно a , второе — $2a$. Модуль вектора $\vec{E}_C$ выразите через E_0 . Углы при большем основании данной трапеции указаны на рисунке.

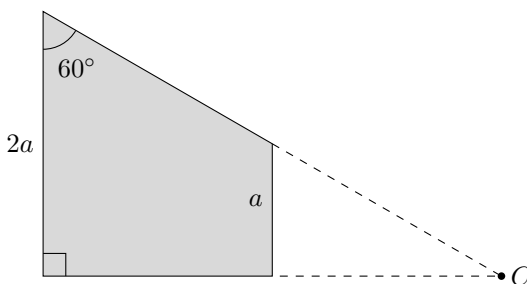
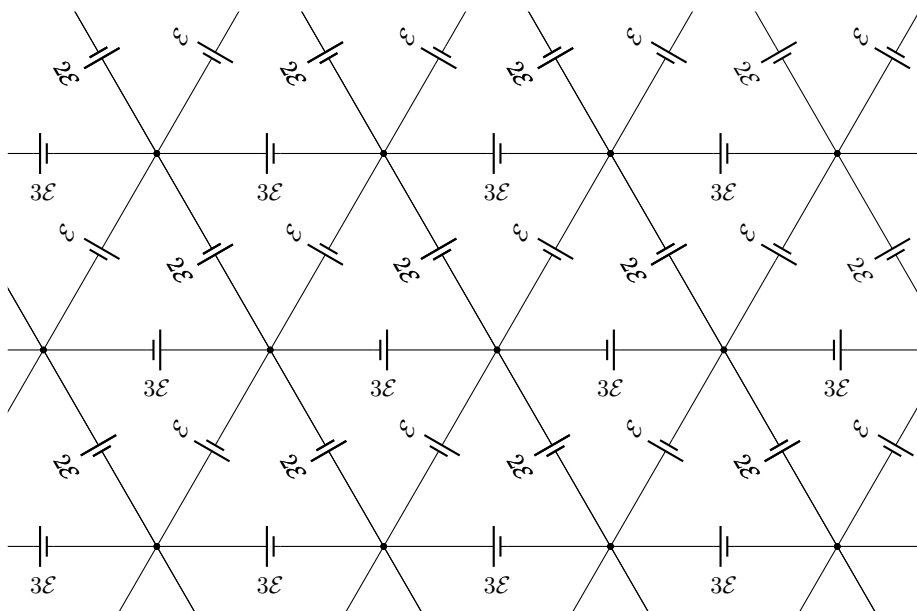


Рис. 5

Точки O , O' , A , B и C находятся в одной плоскости с соответствующей фигурой.

Задача №5. Вай кодамо!

В бесконечной электрической цепи, фрагмент схемы которой представлен на рисунке, каждая треугольная ячейка содержит три источника с одинаковыми внутренними сопротивлениями r , но разными ЭДС ($\mathcal{E}$, $2\mathcal{E}$ и $3\mathcal{E}$), причём полярность подключения источников с одной и той же ЭДС периодически меняется (см. рис.).



1. Чему равны разности потенциалов ($\varphi_+ - \varphi_-$) между плюсом и минусом каждого источника в данной цепи?
2. Определите силы токов через все источники в данной цепи.
3. Какое сопротивление R_1 покажет омметр при подключении к плюсу и минусу источника с ЭДС $\mathcal{E}$, находящегося в данной цепи? Какие сопротивления R_2 и R_3 покажет прибор, если сделать то же самое с источниками $2\mathcal{E}$ и $3\mathcal{E}$ соответственно? Будут ли зависеть показания омметра от полярности его подключения?
4. Один из источников с ЭДС $2\mathcal{E}$ заменили другим источником с ЭДС, равной $\mathcal{E}$, и внутренним сопротивлением $r/2$. Какова в этом случае будет сила тока I , текущего через заменённый источник?

Величины $\mathcal{E}$ и r считайте известными. Сопротивлением соединительных проводов можно пренебречь.