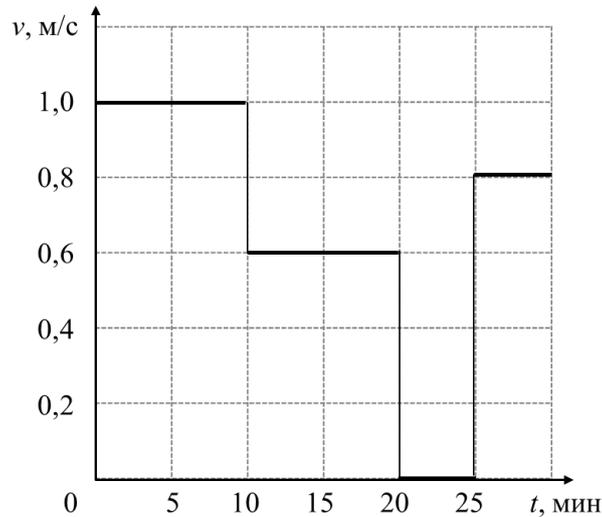


## ОТВЕТЫ И КРИТЕРИИ ОЦЕНИВАНИЯ

**Максимальный балл за работу – 60.****Тестовые задания**

1. Винни-Пух отправился в гости к Пятачку. На рисунке приведён график зависимости его скорости  $v$  от времени  $t$ . Определите среднюю скорость медведя на всём пути до домика Пятачка.



- 1) 0,8 м/с
- 2) 2,4 км/ч
- 3) 48 м/мин
- 4) 200 дм/мин

2. Водяная мельница имеет КПД 3 %. Её приводит в действие поток воды с объёмным расходом  $1 \text{ м}^3/\text{мин}$ , падающий с высоты 3 м. Сравните полезную мощность этой водяной мельницы и мощность двигателя простейшей электрической газонокосилки, равную одной лошадиной силе (1 л.с.). Считайте, что ускорение свободного падения  $g = 10 \text{ Н/кг}$ , а  $1 \text{ л.с.} = 750 \text{ Вт}$ .

- 1) Мощность газонокосилки существенно больше полезной мощности водяной мельницы.
- 2) Мощность газонокосилки существенно меньше полезной мощности водяной мельницы.
- 3) Мощность газонокосилки и полезная мощность водяной мельницы отличаются менее чем в 5 раз.
- 4) Недостаточно данных для ответа на поставленный вопрос.

**3.** На электронных весах стоял стакан с водой. В воду погрузили подвешенный на нити стальной шарик так, что он не касался ни дна, ни стенок стакана. Что произойдет с показаниями весов, когда шарик будет покоиться относительно стакана?

- 1) уменьшатся
- 2) увеличатся
- 3) не изменятся
- 4) недостаточно данных для ответа на поставленный вопрос

**4.** В калориметр, содержащий 100 г льда при температуре  $-15^{\circ}\text{C}$ , впускают 50 г водяного пара при температуре  $+100^{\circ}\text{C}$ . Что будет находиться в калориметре после установления в нём теплового равновесия? Удельная теплоёмкость воды  $4200 \text{ Дж}/(\text{кг}\cdot^{\circ}\text{C})$ , удельная теплоёмкость льда  $2100 \text{ Дж}/(\text{кг}\cdot^{\circ}\text{C})$ , удельная теплота плавления льда  $330 \text{ кДж}/\text{кг}$ , удельная теплота парообразования воды  $2,3 \text{ МДж}/\text{кг}$ . Теплоёмкостью калориметра и потерями теплоты пренебречь.

- 1) пар
- 2) смесь пара и воды
- 3) только вода
- 4) смесь льда и воды
- 5) только лёд

**5.** На рисунке приведена фотография торцевых клещей – инструмента, который может использоваться, например, для извлечения из дерева гвоздей или других крепёжных элементов. Оцените силу, действующую на гвоздь со стороны каждой режущей рабочей поверхности клещей, если к концам рукояток человек прикладывает силы, равные 200 Н. На фотографию клещей наложена координатная сетка, сторона одной клетки которой соответствует 5 мм.

- 1) от до 20 Н до 150 Н
- 2) от 100 Н до 500 Н
- 3) от 500 Н до 1000 Н
- 4) от 1000 Н до 1500 Н
- 5) от 5000 Н до 15000 Н



№ задания	1	2	3	4	5
Ответ	2	1	2	2	4
Балл	2 балла				

### Задания с кратким ответом

#### Задачи 6–8

Вдохновившись известной притчей «Сосуд жизни», экспериментатор Илья решил повторить эксперимент у себя на даче. Взяв 10-литровое ведро, он насыпал в него доверху щебня. Плотность камней щебня  $\rho_{\text{щ}} = 2000 \text{ кг/м}^3$ , насыпная плотность щебня  $\rho_{\text{нщ}} = 1400 \text{ кг/м}^3$ . Насыпная плотность – это отношение массы сыпучего материала к занимаемому им объёму при условии, что материал насыпают без утрамбовки.

6. Определите суммарный объём камней щебня, которые оказались в сосуде. Ответ приведите в литрах, округлите до целого числа. (3 балла)

7. Затем Илья засыпал мелким гравием все пустоты между камнями щебня в ведре, и оказалось, что средняя плотность содержимого ведра стала равна  $\rho_{\text{ср}} = 1900 \text{ кг/м}^3$ . Определите массу засыпанного в ведро гравия. Ответ приведите в кг и округлите до целого числа. Массой воздуха можно пренебречь. (3 балла)

8. Для завершения эксперимента Илья налил в ведро воды. Оказалось, что в ведро поместился литр жидкости. Определите плотность частиц гравия, если плотность воды  $\rho_{\text{в}} = 1000 \text{ кг/м}^3$ . Ответ приведите в  $\text{кг/м}^3$  и округлите до целого числа. (3 балла)

**Решение:**

6. Найдём массу щебня в ведре:

$$m_{\text{щ}} = \rho_{\text{нщ}} V_0 = 14 \text{ кг},$$

где  $V_0 = 10 \text{ л}$  – объём ведра. Значит, объём, занимаемый щебнем в ведре,

$$V_{\text{щ}} = \frac{m_{\text{щ}}}{\rho_{\text{щ}}} = \frac{\rho_{\text{нщ}} V_0}{\rho_{\text{щ}}} = 7 \text{ л}.$$

7. Запишем выражение для средней плотности. Т.к. объём ведра не менялся, оно будет иметь вид  $\rho_{\text{ср}} = \frac{m_{\text{щ}} + m_{\text{г}}}{V_0}$ , выражаем массу гравия и получаем ответ:  $m_{\text{г}} = \rho_{\text{ср}} V_0 - m_{\text{щ}} = 5 \text{ кг}$ .

8. Т.к. у Ильи вместился 1 литр жидкости, значит, гравий занимал объём  $V_{\text{г}} = 10 \text{ л} - 7 \text{ л} - 1 \text{ л} = 2 \text{ л}$ .

Зная массу гравия, найдём его плотность:  $\rho_{\text{г}} = \frac{m_{\text{г}}}{V_{\text{г}}} = 2500 \text{ кг/м}^3$ .

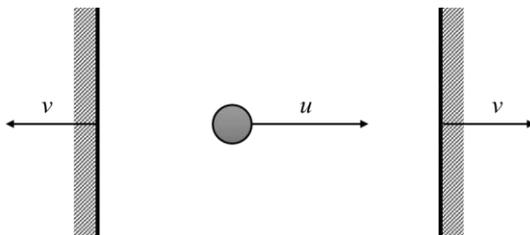
**Ответы:**

<b>6</b>	<b>7</b>	<b>8</b>
7	5	2500

**Максимум за задачи 9 баллов.**

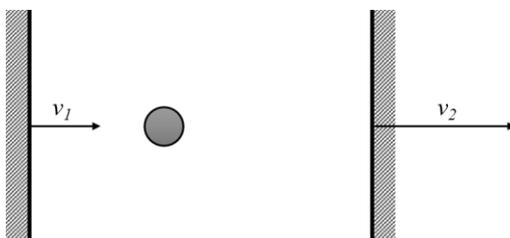
### Задачи 9–10

На гладкой горизонтальной поверхности находятся две параллельные очень тяжёлые стенки и мячик, который летает между ними. Стенки движутся в противоположные стороны с одинаковыми постоянными скоростями, равными  $v = 1$  м/с, а мячик сначала движется вправо со скоростью  $u = 15$  м/с (см. рисунок).



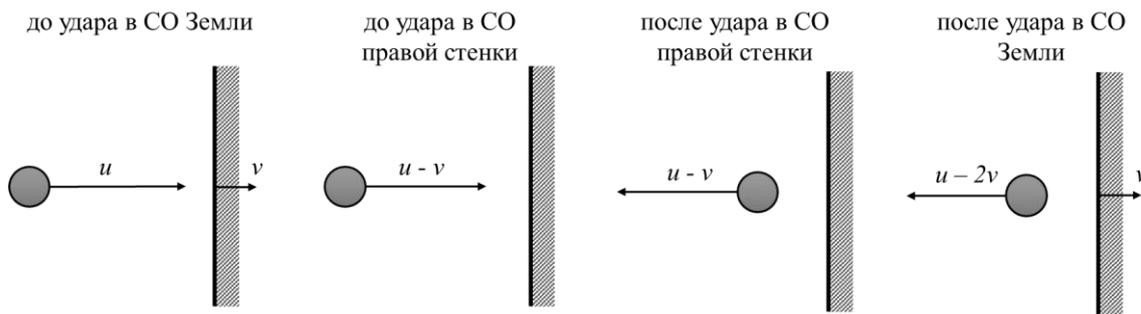
9. Сколько соударений произойдёт в этой системе? Считайте, что мячик движется вдоль одной прямой, перпендикулярной стенкам. Удары считайте абсолютно упругими (то есть при ударе о неподвижную стенку шарик отскакивает от неё в противоположном направлении, а величина его скорости не изменяется). (5 баллов)

10. Сколько соударений произойдёт в системе, если мячик изначально покоится, а обе стенки движутся вправо со скоростями  $v_1 = v$  и  $v_2 = 1,5v$  соответственно (см. рисунок). (5 баллов)



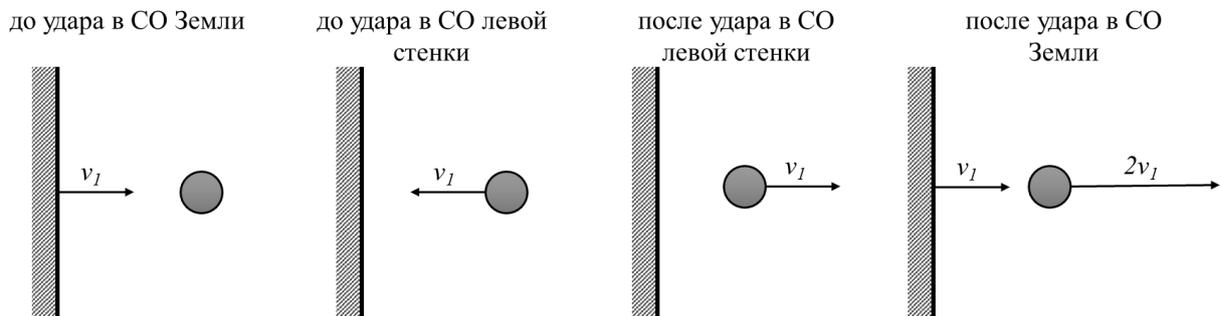
#### Решение:

9. Рассмотрим первое столкновение шарика с правой стенкой, для этого перейдём в систему отсчёта (СО) стенки. В ней шарик приближается к стенке со скоростью  $u - v$ . Так как удар абсолютно упругий, а стенка массивная, после соударения в СО правой стенки мячик будет иметь скорость  $-u + v$  (направленную влево). Тогда в СО Земли скорость шарика будет равна  $-u + 2v$ , а её модуль будет равен  $u - 2v = 13$  м/с.

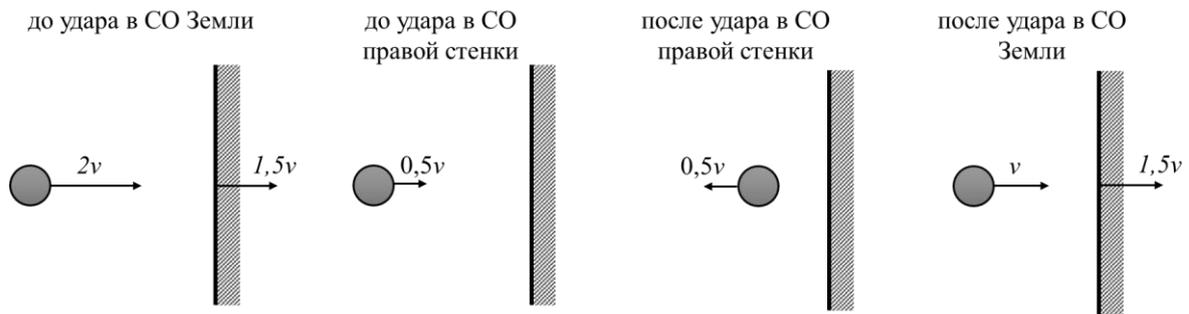


Далее мячик движется в сторону левой стенки и сталкивается с ней. Аналогично предыдущему случаю, скорость мячика после столкновения изменит своё направление на противоположное и уменьшится по величине на  $2v = 2 \text{ м/с}$ . Столкновения будут происходить, пока скорость мячика будет превышать скорость одной из стенок. Значит, произойдёт 7 столкновений.

**10.** Рассмотрим первое соударение мячика с левой стенкой. В системе отсчёта левой стенки он движется к ней со скоростью  $v_1 = 1 \text{ м/с}$ . После абсолютно упругого удара мячик в системе отсчёта левой стенки будет двигаться вправо со скоростью  $v_1 = 1 \text{ м/с}$ . Переходя в СО, связанную с Землёй, заметим, что скорость мячика будет равна  $v_1 + v_1 = 2v = 2 \text{ м/с}$ .



Теперь рассмотрим первое столкновение мячика с правой стенкой:



Процесс будет аналогичен рассмотренному в предыдущем пункте – скорость мячика после удара станет равной  $v = 1 \text{ м/с}$  и будет направлена вправо. Таким образом, после второго соударения стенки и мячик будут двигаться вправо со скоростями  $v$ ,  $1,5v$  и  $v$  соответственно, а значит, больше соударений происходить не будет (левая стенка не догонит мячик, а мячик не догонит правую стенку).

Ответы:

<b>9</b>	<b>10</b>
7	2

Максимум за задачи 10 баллов.

### Задачи 11–14

На даче у экспериментатора Ильи был установлен бассейн цилиндрической формы с жёсткими вертикальными стенками, площадь основания которого была равна  $S = 5 \text{ м}^2$ . Илья проводил опыты по исследованию изменения уровня воды в данном бассейне при смене различных внешних факторов. Ускорение свободного падения равно  $g = 10 \text{ Н/кг}$ , плотность воды  $\rho = 1000 \text{ кг/м}^3$ .

**11.** В первом опыте Илья положил на поверхность воды надувной матрас массой  $m = 4 \text{ кг}$ . На сколько изменился уровень воды в бассейне? Матрас не касается стенок и дна бассейна. Ответ приведите в мм, округлив до десятых долей. (3 балла)

**12.** Далее Илья лёг на матрас сам и оказалось, что при равновесии матрас полностью погрузился в воду. Чему равна масса Ильи? Объём матраса  $V_m = 92 \text{ л}$ , стенок и дна бассейна матрас по-прежнему не касается. Ответ приведите в кг, округлите до целого числа. (3 балла)

**13.** На сколько изменился уровень воды в бассейне по сравнению с первоначальным (который был в отсутствие матраса) после того, как на матрас лёг Илья? Ответ приведите в мм, округлите до десятых долей. (2 балла)

**14.** Из бассейна начинают сливать воду со скоростью  $v = 9,84 \text{ м}^3/\text{ч}$ . Через какое время матрас с лежащим на нем Ильёй коснётся дна? Считайте, что матрас имеет форму прямоугольного параллелепипеда, его высота  $H = 20 \text{ см}$ . Первоначальная глубина воды в бассейне  $h_1 = 1 \text{ м}$ . Ответ дайте в минутах, округлите до целого числа. (3 балла)

**Решение:**

**11.** До того, как Илья положил в бассейн матрас, сила давления воды на дно была равна  $F_1 = \rho g h_1 \cdot S$ , где  $h_1$  – уровень воды в бассейне до погружения туда матраса,  $S$  – площадь основания бассейна,  $\rho$  – плотность воды. С другой стороны,  $F_1 = m_{\text{в}} g$ , где  $m_{\text{в}}$  – масса воды в бассейне, откуда  $\rho g h_1 S = m_{\text{в}} g$ .

После погружения матраса сила давления воды на дно  $F_2 = \rho g h_2 \cdot S$ , где  $h_2$  – уровень воды в бассейне после погружения матраса.

С другой стороны:  $F_2 = m_{\text{в}} g + m g$ , где  $m_{\text{в}}$  – масса воды в бассейне. Отсюда  $\rho g h_2 S = m_{\text{в}} g + m g$ .

Получим  $\rho g (h_2 - h_1) S = m g$ , откуда  $h_2 - h_1 = \frac{m}{\rho S} = 0,0008 \text{ м} = 0,8 \text{ мм}$ .

12. Запишем условие плавания матраца:  $F_{\text{арх}} = F_{\text{Т}}$ . Т. к. матрац полностью погружён в воду, то это равенство будет иметь вид:  $\rho g V_{\text{М}} = (m + m_{\text{И}})g$ , где  $m_{\text{И}}$  – искомая масса Илья. Отсюда  $m_{\text{И}} = \rho V_{\text{М}} - m = 88$  кг.

13. Аналогично вопросу 11, получаем соотношение:

$$h_3 - h_1 = \frac{(m + m_{\text{И}})}{\rho S} = 0,0184\text{м} = 18,4 \text{ мм},$$

где  $h_3$  – уровень воды, после того как на матрац лёг Илья.

14. Т. к. матрац погружён полностью, то для того, чтоб коснуться дна, его нижняя поверхность должна опуститься на  $h_3 - H$ . Тогда время выливания соответствующего объёма воды:  $t = \frac{(h_3 - H)S}{v} = \frac{\left(h_1 + \frac{(m + m_{\text{И}})}{\rho S} - H\right)S}{v} \approx 25$  мин.

Ответы:

<b>11</b>	<b>12</b>	<b>13</b>	<b>14</b>
0,8	88	18,4	25

*Максимум за задачи 11 баллов.*

### Задачи 15–16

В сосуд с водой кладут чугунную гирьку массой 120 г, нагретую до  $+90^\circ\text{C}$ , в результате чего температура воды повышается от  $+15^\circ\text{C}$  до  $+20^\circ\text{C}$ . Удельная теплоёмкость воды  $4200$  Дж/(кг·°C), удельная теплоёмкость чугуна  $500$  Дж/(кг·°C). В этом и в следующих экспериментах теплоёмкостью сосуда и потерями теплоты можно пренебречь.

15. Какая температура установится в сосуде, если положить в него ещё одну такую гирьку, не вынимая при этом первую гирьку? Ответ округлите до десятых долей градуса Цельсия. (4 балла)

16. Какое минимальное количество подобных гирь нужно положить в сосуд (включая первую и вторую из прошлого пункта задачи), чтобы в нём установилась температура не менее  $+50^\circ\text{C}$ ? При опускании гирь вода из сосуда не выливается. (6 баллов)

**Решение:**

15. Обозначим начальные температуры чугуна и воды через  $t_{\text{ч}}$  и  $t_{\text{в}}$ , а конечную температуру системы через  $t_{\text{к}}$ . Запишем уравнение теплового баланса для погружения первой гирьки в сосуд:

$$c_{\text{ч}} m_{\text{ч}} (t_{\text{к}} - t_{\text{ч}}) + c_{\text{в}} m_{\text{в}} (t_{\text{к}} - t_{\text{в}}) = 0.$$

Отсюда масса воды:

$$m_B = \frac{c_q m_q (t_q - t_K)}{c_B (t_K - t_B)} = 200 \text{ г.}$$

Запишем уравнение теплового баланса для погружения двух гирь, обозначив конечную температуру для этого случая через  $t_{K2}$ :

$$c_q \cdot 2m_q (t_{K2} - t_q) + c_B m_B (t_{K2} - t_B) = 0.$$

Отсюда новая конечная температура:

$$t_{K2} = \frac{2c_q m_q t_q + c_B m_B t_B}{2c_q m_q + c_B m_B} \approx 24,4 \text{ }^\circ\text{C.}$$

**16.** Запишем уравнение теплового баланса для случая погружения  $N$  гирь:

$$c_q N m_q (t_{KN} - t_q) + c_B m_B (t_{KN} - t_B) = 0.$$

Отсюда

$$N = \frac{c_B m_B (t_{KN} - t_B)}{c_q m_q (t_q - t_{KN})} = 12,25.$$

Но количество гирек нецелым быть не может, поэтому минимальное количество гирек  $N = 13$ .

**Ответы:**

<b>15</b>	<b>16</b>
24,4	13

**Максимум за задачи 10 баллов.**

### Задачи 17–19

Рыбак набрал в банку объемом 0,5 л литра 100 г дождевых червей. Средняя масса одного червя 1 г. Рыбак закрыл червей в банке герметичной крышкой, забыв проделать в ней дырочки для дыхания червей. Известно, что отношение количества молекул кислорода к общему количеству молекул воздуха в банке в момент закрывания крышки составляло 21 %. После часового нахождения червей в банке концентрация молекул кислорода в ней уменьшилась до 16 %. Считайте, что общее количество молекул разных газов в банке за это время не изменилось. Количество молекул вещества часто измеряют в молях. В одном моле содержится примерно  $6 \cdot 10^{23}$  молекул. Будем считать, что при температуре хранения банки 1 моль молекул любого газа занимает объем 22,4 л. Среднюю плотность червя примите равной плотности воды.

**17.** Рассчитайте объем воздуха в закрытой банке с червями. Дайте ответ в литрах с округлением до десятых долей. (3 балла)

**18.** Сколько молей молекул кислорода содержалось в банке сразу после того, как её закрыли крышкой? Дайте ответ в миллимолях с округлением до сотых долей. (3 балла)

**19.** Сколько молекул кислорода в сутки в среднем потребляет один дождевой червь при дыхании? Дайте ответ в миллимолях в сутки с округлением до десятых долей. (4 балла)

**Решение:**

**17.** Для поиска объёма воздуха в банке вычтем из общего объёма банки объём червей:

$$V = V_0 - \frac{m}{\rho} = 0,5 \text{ л} - \frac{0,1 \text{ кг}}{1 \frac{\text{кг}}{\text{л}}} = 0,4 \text{ л.}$$

**18.** Для поиска количества молей молекул кислорода найдём общее количество молекул в банке и умножим его на процентную концентрацию кислорода:

$$\nu_0 = \alpha_0 \frac{V}{V_m} = 0,21 \cdot \frac{0,4}{22,4} = 3,75 \text{ ммоль.}$$

**19.** Рассчитаем, сколько всего молей кислорода использовали черви за 1 час:

$$\Delta \nu = (\alpha_0 - \alpha_1) \frac{V}{V_m}.$$

Поделим полученное значения на количество червей в банке

$$\Delta \nu_1 = \frac{\Delta \nu}{N} = \frac{\Delta \nu \cdot m_1}{m}$$

и умножим на количество часов в сутках:

$$\begin{aligned} \Delta \nu_{\text{сут}} &= \Delta \nu_1 \cdot \tau = (\alpha_0 - \alpha_1) \frac{V}{V_m} \frac{m_1}{m} \tau = (0,21 - 0,16) \cdot \frac{0,4}{22,4} \cdot \frac{1}{100} \cdot 24 = \\ &= 0,2 \text{ ммоль/сутки.} \end{aligned}$$

**Ответы:**

<b>17</b>	<b>18</b>	<b>19</b>
0,4	3,75	0,2

**Максимум за задачи 10 баллов.**

**Максимальный балл за работу – 60.**