

**Задание 11.1. Критическая длина и скорость звука в пластмассовой планке.**

**Теоретическое введение.**

Если отклонить в поперечном направлении свободный конец вертикально закрепленной с одного конца упругой планки (рис. 1) и отпустить, то возникнут свободные поперечные колебания планки вблизи её вертикального положения. Однако, как несложно убедиться экспериментально, такие колебания возникают только в том случае, если длина  $l$  свободного, направленного вверх, конца планки не превышает некоторую критическую длину  $l_{кр}$ . В этом случае вертикальное положение планки устойчиво и при небольшом отклонении она возвращается в исходное равновесное положение. Если же  $l > l_{кр}$ , то вертикальное положение планки становится неустойчивым и при небольшом поперечном воздействии равновесие планки нарушается, и она заваливается, сильно изогнувшись под действием собственного веса. При  $l = l_{кр}$  вертикальное положение планки соответствует безразличному равновесию.

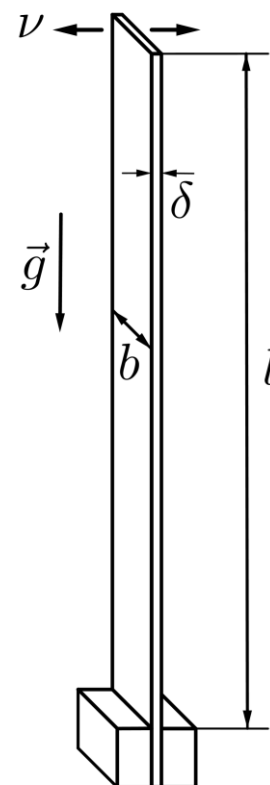


Рис. 1

Критическая длина  $l_{кр}$ , при которой планка теряет устойчивость, определяется плотностью  $\rho$  материала планки, его модулем Юнга  $E$  и геометрическими размерами свободного конца планки - шириной  $b$  и толщиной  $\delta$ , а также ускорением свободного падения  $g$ . Для куба критической длины тонкой ( $\delta \ll b$ ) линейки справедлива формула:

$$l_{кр}^3 = \alpha E^m \rho^n b^p \delta^q g^u, \quad (1)$$

где  $m, n, p, u$  – некоторые целые числа,  $\alpha \approx 2/3$  – безразмерный коэффициент,  $q = 2$ .

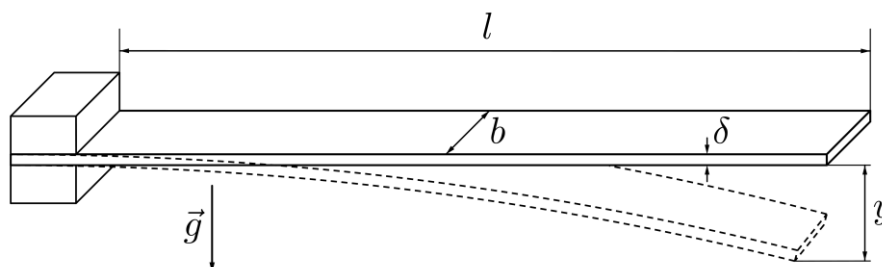


Рис. 2

Таковыми же параметрами определяется прогиб горизонтально закреплённой планки под влиянием собственного веса (рис. 2). Так, максимальное смещение  $y$  конца тонкой планки длиной  $l$  (так называемая стрела прогиба) можно определить по формуле:

$$y = \beta E^k \rho^r b^s \delta^t g^h l^f, \quad (2)$$

где  $k, r, s, h, f$  – некоторые **целые** числа,  $\beta = 3/2$  – безразмерный коэффициент,  $t = -2$ .

Отметим, что формула (2) справедлива при условии малости прогиба  $y$  ( $y < 0,5\ell$ ).

Как правило, *непосредственно* измерить критическую длину  $\ell_{кр}$  весьма сложно: вблизи критической длины из-за множества случайных факторов, таких как небольшое отклонение от вертикали, неровности, неоднородность материала, планка ведёт себя совершенно непредсказуемо. Точность такого опыта будет невелика. Более точно критическую длину можно определить путём экстраполяции какой-либо величины, зависящей от длины планки, в критическую область. Такой величиной, в частности, является период  $T$  (частота  $\nu = 1/T$ ) поперечных колебаний свободного конца планки. Несложно догадаться, какой период (частота) соответствует критической длине. Это позволяет путём линейной экстраполяции зависимости  $\nu(\ell)$  в критическую область достаточно точно определить  $\ell_{кр}$ . (Кстати, именно таким способом определяются, в частности, температуры различных фазовых переходов: при этом исследуются свойства вещества *вблизи* температуры фазового перехода, а сама температура определяется путём экстраполяции).

В заключение напомним, что модуль Юнга – одна из важных характеристик, определяющая упругие свойства изотропного материала. По закону Гука относительная деформация  $\varepsilon$  стержня под действием силы  $F$ , приложенной перпендикулярно плоскости его поперечного сечения площадью  $S$ , равна:  $\varepsilon = \Delta\ell/\ell = F/(ES)$ .

Модуль Юнга входит в формулу для скорости звука в различных материалах. Если по торцу тонкого стержня ударить молотком, то по стержню побежит звуковая волна со скоростью  $c_{зв} = (E/\rho)^{1/2}$ . Для стали с модулем Юнга  $E = 2 \cdot 10^{11}$  Па и плотностью  $\rho = 7,9$  г/см<sup>3</sup> эта скорость равна  $c_{зв} = (E/\rho)^{1/2} \approx 5$  км/с.

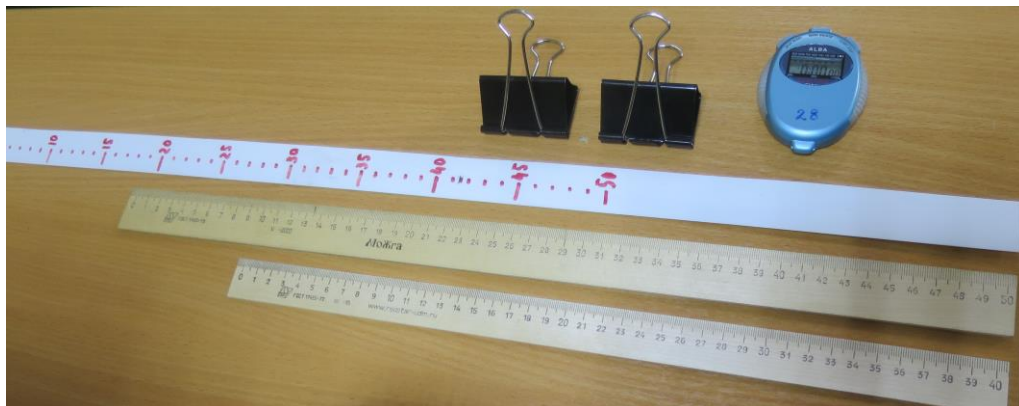
### **Цель работы.**

В данной работе экспериментально определяется критическая длина тонкой ( $\delta \ll b$ ) пластиковой планки. По величине критической длины определяется скорость звука в пластике, из которого изготовлена планка. В работе потребуются:

- руководствуясь общефизическими соображениями, экспериментальными результатами и методом размерностей определить показатели степеней в формулах (1) и (2);
- экспериментально определить численное значение критической длины  $\ell_{кр}$  двумя способами:
  - 1) по периоду колебаний вертикально закреплённой планки;
  - 2) по стреле прогиба горизонтально закреплённой планки;
- используя экспериментальные результаты, определить скорость звука в материале (пластике), из которого изготовлена планка.

### Оборудование

Пластиковая планка толщиной  $\delta = 0,7$  мм; секундомер; деревянная линейка длиной 50 см; прижимная планка, портняжный метр; две канцелярские клипсы (48 мм); миллиметровая бумага формата А4 (2 листа); чистый лист бумаги формата А4. Ножницы выдаются по требованию.



### Задание

1. С помощью чистого листа А4 исследуйте зависимость  $y \sim b^s$  (напомним, что  $s$  – целое число). Приведите рисунок, поясняющий, как вы проводите данную часть эксперимента.
2. Руководствуясь экспериментальными результатами и методом размерностей определите показатели степеней в формулах (1) и (2).

*Примечание 1:* при малых деформациях планки  $y \sim F$ , где  $F$  – сила, приложенная к планке.

*Примечание 2:* в формулах (1) и (2) параметр  $b$  входит в одной и той же степени.

3. Путём непосредственного измерения сделайте оценку  $\ell_{кр}$ .
4. Снимите экспериментальную зависимость периода  $T$  свободных колебаний от длины  $\ell$  свободного конца вертикально закреплённой планки  $T(\ell)$  (свободный конец планки направлен вверх). Для каждого значения  $\ell$  сделайте как минимум 2 измерения, при этом общее время колебаний в пределах одного опыта не должно быть меньше 5-10 секунд. Измерения проведите для  $\ell \geq (0,6 - 0,7)\ell_{кр}$ .
5. Постройте график зависимости частоты колебаний  $\nu$  от длины  $\ell$  колеблющейся части планки  $\nu(\ell)$ .
6. Проведите через нанесенные точки наилучшую прямую и путем линейной экстраполяции определите  $\ell_{кр}$ .
7. По значению  $\ell_{кр}$ , полученной в П.6, определите скорость звука  $c_{зв}^I$  в материале планки.
8. Снимите зависимость стрелы прогиба  $y$  от длины свободного конца  $\ell$  горизонтально закреплённой планки  $y(\ell)$ . Измерения проводите в таком диапазоне, для которого  $y < 0,5\ell$ .
9. Выразите  $y$  через  $\ell_{кр}$  и  $\ell$ . Запишите полученную формулу  $y = y(\ell_{кр}, \ell)$ .
10. По результатам измерений в П.8 постройте график в подходящих координатах и из него определите  $\ell_{кр}$ . Сравните полученное значение со значением  $\ell_{кр}$ , полученным методом колебаний (П.6).
11. По значению  $\ell_{кр}$ , полученному в П.10, определите скорость звука  $c_{зв}^{II}$  в материале планки.
12. Сравните значения  $c_{зв}^I$  и  $c_{зв}^{II}$ . Сделайте выводы.

**Задание 11.2. Черная звезда.** В черном ящике с четырьмя выводами находятся четыре элемента, соединенные звездой. В каждом луче звезды содержится только один элемент. Этими элементами могут быть: резисторы, диоды, конденсаторы, катушки индуктивности, батарейки.

- 1) Определите, какие элементы находятся в лучах звезды, и, в случае обнаружения резисторов, определите их сопротивления.
- 2) Определите внутреннее сопротивление мультиметра в режиме вольтметра (диапазон 20 В)
- 3) Определите напряжение на выходе мультиметра, включенного в режиме омметра в диапазоне 2000 кОм.

***Приборы и оборудование:*** черный ящик, мультиметр.

**Внимание!** Отклеивать наклейки с черного ящика категорически запрещается!