Всероссийская олимпиада школьников 2013-2014 в городе Москве Типовые задания I (школьного) этапа олимпиады по математике

7 класс

- 1. Вася может получить число 100, используя десять семерок, скобки и знаки арифметических действий: $100 = (77:7-7:7) \cdot (77:7-7:7)$. Улучшите его результат: используйте меньшее число семерок и получите число 100. (Достаточно привести один пример).
- 2. На часах половина девятого. Чему равен угол между часовой и минутной стрелками? (Ответ обоснуйте).
- 3. Назовем число зеркальным, если слева направо оно «читается» так же, как справа налево. Например, число 12321 зеркальное.
 - а) Напишите какое-нибудь зеркальное пятизначное число, которое делится на 5.
 - б) Сколько существует пятизначных зеркальных чисел, которые делятся на 5?
- 4. Саша, Лёша и Коля одновременно стартовали в забеге на 100 м. Когда Саша финишировал, Лёша находился в десяти метрах позади него, а когда финишировал Лёша Коля находился позади него в десяти метрах. На каком расстоянии друг от друга находились Саша и Коля, когда Саша финишировал? (Предполагается, что все мальчики бегут с постоянными, но, конечно, не равными скоростями.)
- 5. В музее 16 залов, расположенных как показано на рисунке. В половине из них выставлены картины, а в половине скульптуры.
 - Из любого зала можно попасть в любой соседний с ним (имеющий общую стену). При любом осмотре музея залы чередуются: зал с картинами зал со скульптурами зал с картинами и т.д. Осмотр начинается в зале А, в котором висят картины, а заканчивается в зале Б.

	Б	
A		

- а) Обозначьте крестиками все залы, в которых висят картины.
- б) Турист хочет осмотреть как можно больше залов (пройти от зала А к залу Б) так, чтобы в каждом зале побывать не больше одного раза. Какое наибольшее количество залов он сможет посмотреть? Нарисуйте какой-нибудь его маршрут наибольшей длины и докажите, что большее количество залов он посмотреть не мог.

Всероссийская олимпиада школьников 2013-2014 в городе Москве Типовые задания I (школьного) этапа олимпиады по математике

7 класс

- 1. Вася может получить число 100, используя десять семерок, скобки и знаки арифметических действий: $100 = (77:7-7:7) \cdot (77:7-7:7)$. Улучшите его результат: используйте меньшее число семерок и получите число 100. (Достаточно привести один пример).
- 2. На часах половина девятого. Чему равен угол между часовой и минутной стрелками? (Ответ обоснуйте).
- 3. Назовем число зеркальным, если слева направо оно «читается» так же, как справа налево. Например, число 12321 зеркальное.
 - а) Напишите какое-нибудь зеркальное пятизначное число, которое делится на 5.
 - б) Сколько существует пятизначных зеркальных чисел, которые делятся на 5?
- 4. Саша, Лёша и Коля одновременно стартовали в забеге на 100 м. Когда Саша финишировал, Лёша находился в десяти метрах позади него, а когда финишировал Лёша Коля находился позади него в десяти метрах. На каком расстоянии друг от друга находились Саша и Коля, когда Саша финишировал? (Предполагается, что все мальчики бегут с постоянными, но, конечно, не равными скоростями.)
- 5. В музее 16 залов, расположенных как показано на рисунке. В половине из них выставлены картины, а в половине скульптуры.
 - Из любого зала можно попасть в любой соседний с ним (имеющий общую стену). При любом осмотре музея залы чередуются: зал с картинами зал со скульптурами зал с картинами и т.д. Осмотр начинается в зале А, в котором висят картины, а заканчивается в зале Б.

	Б	
A		

- а) Обозначьте крестиками все залы, в которых висят картины.
- б) Турист хочет осмотреть как можно больше залов (пройти от зала А к залу Б) так, чтобы в каждом зале побывать не больше одного раза. Какое наибольшее количество залов он сможет посмотреть? Нарисуйте какой-нибудь его маршрут наибольшей длины и докажите, что большее количество залов он посмотреть не мог.